

23  $x \approx \pm 65,5^\circ + n \cdot 360^\circ$

Ledtråd:

Skriv om VL till  $(1 - \cos^2 x)/2$  och sätt  $\cos x = t$

24 Ledtråd:

$$a^2 + 3 = (a - 1)(a + 1) + 4$$

Motivera varför HL är delbar med 4.

25 a) 46,6°

b) Formeln ger

$$\sin \frac{A}{2} = \sqrt{\frac{5}{32}}$$

med lösning  $A = 46,6^\circ$

c) Ledtråd:

Formel för dubbla vinkeln

$$\cos A = 1 - 2 \sin^2 \frac{A}{2}$$

Kombinera detta med cosinussatsen.

26 180° om  $a = -1$  eller  $a = 1$ .

27 a)  $(2 \cos v, 2 \sin v)$

b) Ledtråd:

Sätt in koordinaterna från a) i cirkelns ekvation  $x^2 + y^2 = 2^2$

2

2102 a) Perioden är  $360^\circ/10 = 36^\circ$

Kommentar:

När  $x$  går från  $0^\circ$  till  $36^\circ$  så går  $10x$  från  $0^\circ$  till  $360^\circ$ .

b) Perioden är

$$\frac{360^\circ}{0,1} = 3600^\circ$$

2103 Ja.

Motivering:

Båda funktionerna har perioden  $360^\circ/3 = 120^\circ$ .

2104 a) 90°

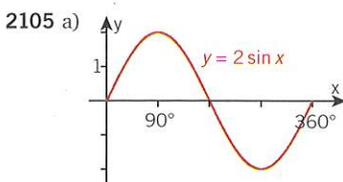
b) 480°

c) 180°

d) 1 080°

Ledtråd:

$$k = \frac{1}{3}$$



b) Största värde = 2

Minsta värde = -2

c) Amplituden = 2

2106 a) Amplitud = 4

Period = 360°

b) Amplitud = 100

Period = 144°

c) Amplitud = 50

Period = 72°

Ledtråd:

Amplituden är alltid ett positivt tal.

Amplituden =

$$= \frac{\text{största värdet} - \text{minsta värdet}}{2}$$

d) Amplitud = 10

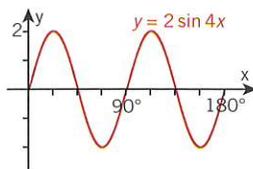
Period = 80°

2107 Tex  $y = 2,5 \sin 1,8x$

Ledtråd:

$$\frac{360^\circ}{k} = 200^\circ$$

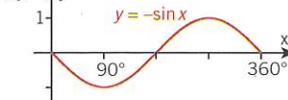
2108 a) b)



2109 a) Kurvorna är identiska men förskjutna 90° i förhållande till varandra.

b)  $45^\circ < x < 225^\circ$

2110 a)



b) Största värde = 2

Minsta värde = -2

2111 Ja, ekvationen har en lösning  $x = 0^\circ + n \cdot 180^\circ$ .

Motivering:

VL = HL = 0 om  $\sin x = 0$

2112  $-1,2 < A < 1,2$

2113 720°

Ledtråd:

$$x_1 + x_2 = 180^\circ$$

$$x_3 = 360^\circ - x_2$$

$$x_4 = 360^\circ - x_1$$

2114 3,3

Ledtråd:

Alla termer har samma värde.

2115 0

Ledtråd:

$$\sin 359^\circ = \sin(-1^\circ) = -\sin 1^\circ$$

$$\sin 358^\circ = -\sin 2^\circ, \text{ o.s.v.}$$

Addera par som har summan 0.

2117  $x \approx 91,1^\circ$

2118 Två.

Motivering:

Graferna skär varandra på två ställen.

2119 Avläs tex avståndet mellan två på varandra följande maxpunkter. Perioden = 600°

2120 a)  $0 < a < 1$

Ledtråd:

Linjen  $y = a$  ska skära kurvan  $y = \sin x$  på två ställen i intervallet.

b)  $a = 1$

c)  $a > 1$

2121 a) b)

$$x_1 = 510^\circ, x_2 = 570^\circ, x_3 = 690^\circ$$

Ledtråd:

Ekvationens lösning är  $x = \pm 30^\circ + n \cdot 180^\circ$

2122  $k = -0,5$

Ledtråd:

$\cos x = -0,5$  har lösningen

$x = 120^\circ$  och  $x = 240^\circ$

i intervallet.

2123  $b < -3$  och  $b > 3$

2124 Antal lösningar =  $2k$

Ledtråd:

Varje period ger 2 lösningar.

2126 a)  $y = \sin x$  förskjuts 5 enheter uppåt.

b)  $y = \sin x$  förskjuts 2,5 enheter nedåt.

- c)  $y = \sin x$  förskjuts  $55^\circ$  åt vänster.  
 d)  $y = \sin x$  förskjuts  $35^\circ$  åt höger.

2127 a)  $y = \sin x + 3$

b)  $y = \sin(x + 60^\circ)$

2128

	Största värde	Minsta värde
a)	5	1
b)	7	-1
c)	-4	-6
d)	-9	-11

2129 Tex  $y = 11 \sin x + 1$

Ledtråd:

Börja med att beräkna amplituden.

2130  $a > 5$  eller  $a < -5$

Ledtråd:

Kurvan  $y = 5 \sin x$  ska förskjutas uppåt eller nedåt mer än amplituden 5.

2131 a)  $y = \cos x$  förskjuts  $60^\circ$  åt vänster och 3,5 enheter uppåt.

b)  $y = \cos x$  förskjuts  $20^\circ$  åt höger och 1,5 enheter nedåt.

2132  $y = \sin 3(x - 36^\circ)$   
 eller  $y = \sin(3x - 108^\circ)$

Ledtråd:

I kurvans ekvation  $y = \sin 3x$  ska  $x$  ersättas med  $(x - 36^\circ)$

2133 Viktoria har rätt.

Motivering:

Förskjuter vi en sinuskurva i sidled får vi en cosinuskurva, tex  $y = \sin(x + 90^\circ) = \cos x$

2134 a)  $y = \sin x$  ska förskjutas  $180^\circ$  åt höger eller vänster.

b)  $y = \cos x$  ska förskjutas  $90^\circ$  åt vänster eller  $270^\circ$  åt höger.

2135  $A = 3, v = 30^\circ$

Ledtråd:

$y(0) = -1,5$  ger  
 $-1,5 = 3 \sin(-v)$   
 $-v = \sin^{-1}(-0,5)$

2136  $25^\circ$  åt vänster.

Ledtråd:

$\cos(2x + 50^\circ) = \cos 2(x + 25^\circ)$

2137  $a = 3$  eller  $a = -3$

Ledtråd:

Vi får största värdet då  $\sin 2x = -1$  eller då  $\sin 2x = 1$ .

2138 a) Att  $\sin x = \cos(x + 270^\circ)$

b) Lösning:

Additionsformeln för cosinus ger  $\cos(x + 270^\circ) = \cos x \cdot \cos 270^\circ - \sin x \cdot \sin 270^\circ = \cos x \cdot 0 - \sin x \cdot (-1) = \sin x$

2139  $p = 1, q = -2$  eller  $p = -1, q = -2$

2140 a) Kurvans ekvation kan skrivas  $y = 1$

Motivering:

Trigonometriska ettan.

b) Kurvans ekvation kan skrivas  $y = 2 \cos x$

Motivering:

$\sin(90^\circ - x) = \cos x$

c) Kurvans ekvation kan skrivas  $y = 2 \sin(x + 30^\circ)$

Motivering:

Period =  $360^\circ$

$y = 0$  då  $x$  är tex  $-30^\circ, 150^\circ$  eller  $330^\circ$ .

$\cos 150^\circ + \sqrt{3} \cdot \sin 150^\circ = 0$

Största värde då  $x = 60^\circ$

$\cos 60^\circ + \sqrt{3} \cdot \sin 60^\circ = 2$

2143 a)  $y = 4 \sin x$

Motivering:

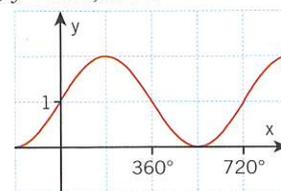
En sinusfunktion med amplituden 4 och perioden  $360^\circ$ .

b)  $y = 2 \sin 2x$

Motivering:

En sinusfunktion med amplituden 2 och perioden  $180^\circ$ .

2144 a)  $y = \sin 0,5x + 1$



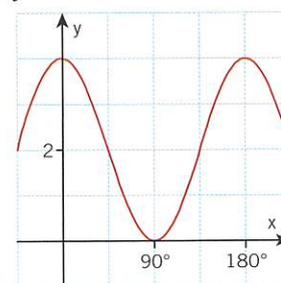
Ledtråd:

Amplitud = 1

Period =  $360^\circ / 0,5 = 720^\circ$

$y = \sin 0,5x$  förskjuts 1 enhet uppåt.

b)  $y = 2 \cos 2x + 2$



2145 4 perioder

Motivering:

En period är  $90^\circ$ .

2146  $y = 2 \sin 6(x - 10^\circ)$

2147 B, D, E

2148  $a = 36^\circ, b = 300, c = 500$

Ledtråd:

$a$  är halva perioden,

$b$  är förskjutningen uppåt och  $c$  är största värdet.

2149  $y = 1,5 \sin 2(x + 30^\circ) - 1$

Ledtråd:

Amplituden är 1,5 och perioden  $180^\circ$ . Jämfört med  $y = 1,5 \sin 2x$  är grafen förskjuten  $30^\circ$  åt vänster och 1 enhet nedåt.